



Jurnal Rekayasa Proses

Accredited by the Director General of Strengthening the Research, Technology and Higher Education of the Republic of Indonesia No. 30/E/KPT/2018 as SINTA 2 (2016-2021).

Jurnal Rekayasa Proses (J. Rek. Pros) is an open-access journal published by Chemical Engineering Department, Faculty of Engineering, Universitas Gadjah Mada as scientific journal to accommodate current topics related to chemical and biochemical process exploration and optimization which covers multi scale analysis from micro to macro and full plant size.

J. Rek. Pros. publishes *communications, articles, and reviews*. The first volume of J. Rek. Pros. has been published in 2007 and continued until today with 2 (two) issues of publication each year. The minimum number of articles for each issue is 5 (five) articles. The official language of the journal is Bahasa Indonesia, but manuscripts in English are also welcomed. Manuscript submission and reviewing process is fully conducted through online journal system (<https://jurnal.ugm.ac.id/jrekpros>) using a double-blind review process.





Editorial Team

Editor-in-Chief

Wiratni Budhijanto, Chemical Engineering Department, Universitas Gadjah Mada, Indonesia

Managing Editor

Dr.-Ing. Teguh Ariyanto, S.T., M.Eng., Chemical Engineering Department, Universitas Gadjah Mada, Indonesia

Editorial Board

Prof. Hadiyanto Hadiyanto, Departemen Teknik Kimia, Universitas Diponegoro

Prof. Dr. Andri Cahyo Kumoro, S.T., M.T., Jurusan Teknik Kimia Fakultas Teknik UNDIP

Prof. Ir. Rochmadi S.U., Ph.D, Departemen Teknik Kimia, Universitas Gadjah Mada, Indonesia

Prof. Ir. Arief Budiman, M.S., D.Eng., Departemen Teknik Kimia, Universitas Gadjah Mada, Indonesia

Dr. Made Penia Kresnowati, Department of Chemical Engineering, Institut Teknologi Bandung, Indonesia

Dr. Tuty Emilia Agustina, S.T., M.T., Departemen Teknik Kimia, Universitas Sriwijaya

Dr. Agus Saptoro, Chemical Engineering Department, Curtin University, Malaysia

Dr. Dwi Ardiana Setyawardani, S.T., M.T., Universitas Sebelas Maret

Prof. Dr. Ir. Udin Hasanudin, M.T, Universitas Lampung, Indonesia

Prof. Tjandra Setiadi, M.Eng., Ph.D., Department of Chemical Engineering, Institut Teknologi Bandung

Dr. Setiyo Gunawan, Dept. Chemical Engineering, Institut Teknologi Sepuluh Nopember, Surabaya, INDONESIA, Indonesia

[Focus and Scope](#)

[Author Guideline](#)

[Online Submission](#)

[The Statement of Originality](#)

[Author Fees](#)

[Publication Ethics](#)

[Visitor Statistics](#)

USER

Username

Password

Remember me

TEMPLATE




Article
template

Table of Contents

Articles


Benefisiasi Bijih Emas dan Perak Kadar Rendah Menggunakan Palong dan Metode Flotasi


59-67 




 *Widi Astuti, Kusno Isnugroho, Fika Rofiek Mufakhir, Ulin Herlina, Isti Nurjanah*

 [10.22146/jrekpros.35483](https://doi.org/10.22146/jrekpros.35483)  Abstract views : 313 |  views : 231


Perbandingan Kinerja Penyetelan Hagglund-Astorm dan Tyreus-Luyben pada Sistem Kendali Pendinginan Susu


68-76 




 *Rudy Agustriyanto, Anastasia Febrianto, Putu Sri Widiawati*

 [10.22146/jrekpros.38211](https://doi.org/10.22146/jrekpros.38211)  Abstract views : 142 |  views : 105


Studi Kinetika Proses Atmospheric Pressure Acid Leaching Bijih Laterit Limonit Menggunakan Larutan Asam Nitrat Konsentrasi Rendah


77-84 




 *Kevin Cleary Wanta, Felisha Hapsari Tanujaya, Ratna Frida Susanti, Himawan Tri Bayu Murti Petrus, Indra Perdana, Widi Astuti*

 [10.22146/jrekpros.35644](https://doi.org/10.22146/jrekpros.35644)  Abstract views : 294 |  views : 172


Kajian Dampak Lingkungan pada Sistem Produksi Listrik dari Limbah Buah Menggunakan Life Cycle Assessment

85-97 

 *Fajar Marendra, Anggun Rahmada, Agus Prasetya, Rochim Bakti Cahyono, Teguh Ariyanto*

 [10.22146/jrekpros.36425](https://doi.org/10.22146/jrekpros.36425)  Abstract views : 439 |  views : 106


Aplikasi Koagulan Biji Asam Jawa dalam Penurunan Konsentrasi Zat Warna Drimaren Red pada Limbah Tekstil Sintetik pada Berbagai Variasi Operasi


98-103 




 *Angela Martina, Dian Santoso Effendy, Jenny Novianti M Soetedjo*

 [10.22146/jrekpros.38948](https://doi.org/10.22146/jrekpros.38948)  Abstract views : 440 |  views : 408

Pengaruh Suhu Operasi terhadap Penentuan Karakteristik Pengeringan Busa Sari Buah Tomat Menggunakan Tray Dryer

104-113 

 *Tri Hariyadi*

 [10.22146/jrekpros.39019](https://doi.org/10.22146/jrekpros.39019)  Abstract views : 210 |  views : 169



Perbandingan Kinerja Penyetelan *Hagglund-Astorm* dan *Tyreus-Luyben* pada Sistem Kendali Pendinginan Susu

Rudy Agustriyanto*, Anastasia Febriyanto dan Putu Sri Widiawati

Jurusan Teknik Kimia, Fakultas Teknik, Universitas Surabaya

Jl. Raya Kali Rungkut No.56, Rungkut, Surabaya 60293

*Alamat korespondensi: rudy.agustriyanto@staff.ubaya.ac.id

(**Submisi:** 20 Agustus 2018; **Revisi:** 28 September 2018; **Penerimaan:** 30 September 2018)

ABSTRACT

Milk cooling process is one of the most important milk processing steps after milk extraction process. Milk cooling process is carried out to inhibit the microbial growth. The milk is cooled from room temperature to 4 °C. Generally, this process is performed in batch installation. In this research, continuous milk cooling would be simulated. First, the model of the system was derived from the mass and heat balance. The simulation results were then identified using the System Identification Toolbox (SIT) on Matlab. System Identification Toolbox was used to build the mathematical models of dynamic system based on measured input and output data. The result of system identification is useful for setting control and stability analysis. The milk cooling system was then controlled by Proportional Integral (PI) Control. There are two kinds of tuning methods that will be analyzed. These are Hagglund-Astorm method and Tyreus-Luyben. The results showed that the control performance tuned using the Tyreus-Luyben method was better than the Hagglund-Astorm method from the criteria of its SSE (sum squared of error).

Keywords: control; proportional integral; system identification; tuning.

ABSTRAK

Proses pengolahan susu yang sangat penting setelah pemerahan adalah proses pendinginan. Proses pendinginan susu digunakan untuk menghambat perkembangbiakan mikrobia. Susu didinginkan dari suhu kamar sampai 4 °C. Umumnya proses ini dilakukan secara *batch* pada instalasi di koperasi susu. Dalam penelitian ini, disimulasikan sistem pengendalian suhu susu secara kontinu. Model sistem diperoleh dari penurunan neraca massa dan panas. Hasil simulasi kemudian diidentifikasi dengan menggunakan *System Identification Toolbox* pada Matlab. *System Identification Toolbox* digunakan untuk menyusun model matematis dari sistem dinamis berdasarkan data *input* dan *output* yang diukur. Hasil identifikasi sistem berguna untuk penyetelan pengendali maupun analisis kestabilan. Sistem pendinginan susu kemudian dikendalikan dengan *Proportional Intergral (PI) Control*. Metode penyetelan yang dianalisis ada dua macam yaitu metode *Hagglund-Astorm* dan metode *Tyreus-Luyben*. Hasil yang diperoleh menunjukkan bahwa kinerja pengendali yang disetel menggunakan metode *Tyreus-Luyben* lebih baik dibandingkan dengan metode *Hagglund-Astorm* dilihat dari kriteria SSE nya.

Kata kunci: identifikasi sistem; pengendalian; *proportional integral*; *tuning*

1. Pendahuluan

Susu merupakan sumber nutrisi yang baik bagi manusia. Namun di lain pihak, susu merupakan media yang baik bagi pertumbuhan mikroorganisme, terutama bakteri patogen seperti *Staphylococcus aureus*, *Escherichia coli*, dan *Salmonella sp* (Suwito, 2009). Mikroorganisme pada susu mentah dapat berkembang jika disimpan pada suhu tertentu. Mikroorganisme ini akan berbahaya bila dikonsumsi, sehingga susu mentah yang telah diperah harus segera disimpan pada suhu tertentu. Hal ini bertujuan untuk menghambat pertumbuhan mikroorganisme yang dapat menurunkan kualitas susu segar (Ruangwittayanusorn dkk. 2016).

Susu merupakan salah satu bahan pangan yang sangat cepat mengalami penurunan mutu gizi dan mutu sensori apabila tidak mendapat penanganan yang tepat. Penanganan penyimpanan susu setelah diperah dapat dilakukan dengan cara menyimpan pada kondisi suhu rendah yaitu 4 °C. Proses penyimpanan susu pada kondisi suhu rendah dikenal dengan istilah proses pendinginan susu. Pada umumnya, proses pendinginan susu di industri adalah menggunakan air sebagai media pendingin (Murphy dkk., 2012). Media pendingin ini perlu dipasang pengendali untuk memastikan suhu susu yang keluar 4 °C (Toledo dkk., 2015).

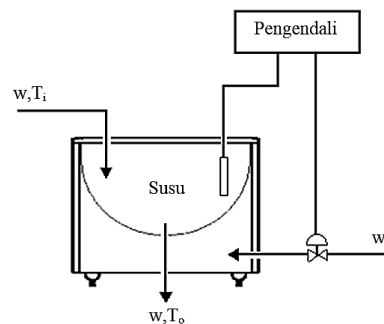
Saat ini, kebutuhan akan produk susu semakin meningkat sehingga industri pengolahan susu segar harus meningkatkan kapasitas produksi sesuai permintaan konsumen. Proses pendinginan secara *batch* sebaiknya tidak lagi digunakan karena kapasitas susu yang dapat didinginkan kurang besar. Oleh karena itu proses pendinginan susu dapat beralih ke sistem kontinu karena kapasitas susu yang didinginkan dapat lebih banyak. Tentu saja hal ini harus diimbangi dengan peningkatan populasi sapi perah di daerah tersebut.

Tujuan dari penelitian ini adalah membuat simulasi atau simulator sistem pendinginan susu, mengidentifikasi sistem pendinginan susu, dan membandingkan kinerja penyetapan pengendali menggunakan metode *Tyresus-Luyben* dan *Hagglund-Astorm*.

2. Metode Penelitian

Berikut adalah prosedur yang dilakukan untuk menjalankan penelitian ini:

1. Penentuan sistem yang ditinjau
Sistem yang ditinjau adalah tangki susu yang beroperasi secara kontinu. Tangki susu tersusun atas dua bagian yaitu tangki penampungan susu dan tangki air pendingin seperti tampak pada **Gambar 1**.



Gambar 1. Skema tangki pendinginan sistem kontinu pada KUD SAE Pujon

2. Penyusunan model matematis
Diasumsikan bahwa volume susu atau massa susu di dalam tangki adalah konstan sehingga neraca massa dapat diabaikan. Model akan diperoleh dari penurunan neraca energi. Neraca energi *unsteady state* disajikan dalam Persamaan (1).

$$In - Out = Acc$$

$$Q_{in} - Q_{out} = Acc$$

$$w \cdot C_p \cdot (T_i - T_o) - Q = m \cdot C_p \frac{dT_o}{dt} \tag{1}$$

Linearisasi $W.T_i$ dan $W.T_o$:

$$w \cdot T_i = w_s \cdot T_{i,s} + w_s \cdot (T_i - T_{i,s}) + T_{i,s} \cdot (w - w_s) \tag{2}$$

$$w \cdot T_o = w_s \cdot T_{o,s} + w_s \cdot (T_o - T_{o,s}) + T_{o,s} \cdot (w - w_s) \tag{3}$$

Tanda *s*, berarti pada saat *steady state*.
Persamaan (2) dan (3) ke (1), menjadi:

$$\left[(T_{i,s} - T_{o,s}) \cdot (w - w_s) + w_s \cdot (T_i - T_o) \right] \cdot C_p - Q = m \cdot C_p \frac{dT_o}{dt} \tag{4}$$

Neraca energi *steady state* dinyatakan dalam Persamaan (5).

$$w_s \cdot C_p \cdot (T_{i,s} - T_{o,s}) - Q_s = 0 \tag{5}$$

Substitusi Persamaan (4) dengan Persamaan (5) menghasilkan Persamaan (6).

$$\left[(T_{i,s} - T_{o,s}) \cdot (w - w_s) + w_s \cdot ((T_i - T_{i,s}) - (T_o - T_{o,s})) \right] \cdot C_p - (Q - Q_s) = m \cdot C_p \frac{dT_o}{dt} \quad (6)$$

Transformasi Laplace pada Persamaan (6) menghasilkan Persamaan (7).

$$\left[(T_{i,s} - T_{o,s}) \cdot W(s) + w_s \cdot (T_i(s) - T_o(s)) \right] \cdot C_p - Q(s) = m \cdot C_p (s \cdot T_o(s) - T_o(0)) \quad (7)$$

maka dengan $T_o(0) = 0$, Persamaan (7) dapat dijabarkan lebih lanjut sebagai berikut::

$$\left[(T_{i,s} - T_{o,s}) \cdot W(s) + w_s \cdot (T_i(s) - T_o(s)) \right] \cdot C_p - Q(s) = m \cdot C_p \cdot s \cdot T_o(s) \quad (8)$$

$$(T_{i,s} - T_{o,s}) \cdot C_p \cdot W(s) + w_s \cdot C_p \cdot T_i(s) - Q(s) = m \cdot C_p \cdot s \cdot T_o(s) + w_s \cdot C_p \cdot T_o(s) \quad (9)$$

$$(T_{i,s} - T_{o,s}) \cdot C_p \cdot W(s) + w_s \cdot C_p \cdot T_i(s) - Q(s) = (m \cdot C_p \cdot s + w_s \cdot C_p) \cdot T_o(s) \quad (10)$$

$$T_o(s) = \frac{(T_{i,s} - T_{o,s}) \cdot C_p \cdot W(s) + w_s \cdot C_p \cdot T_i(s) - Q(s)}{(m \cdot C_p \cdot s + w_s \cdot C_p)} \quad (11)$$

$$T_o(s) = \frac{T_i(s)}{\left(\frac{m}{w_s} \cdot s + 1 \right)} - \frac{\frac{Q(s)}{w_s \cdot C_p}}{\left(\frac{m}{w_s} \cdot s + 1 \right)} - \frac{\frac{(T_{o,s} - T_{i,s}) \cdot W(s)}{w_s}}{\left(\frac{m}{w_s} \cdot s + 1 \right)} \quad (12)$$

$$T_o(s) = \frac{1}{(\tau \cdot s + 1)} T_i(s) - \frac{K_1}{(\tau \cdot s + 1)} Q(s) - \frac{K_2}{(\tau \cdot s + 1)} W_s(s)$$

dengan:

$$K_1 = \frac{1}{w_s \cdot C} \quad K_2 = \frac{(T_{o,s} - T_{i,s})}{w_s} \quad \tau = \frac{m}{w_s}$$

maka:

$$T_o(s) = \frac{1}{\left(\frac{m}{w_s} \cdot s + 1 \right)} T_i(s) - \frac{K_1}{\left(\frac{m}{w_s} \cdot s + 1 \right)} Q(s) - \frac{K_2}{\left(\frac{m}{w_s} \cdot s + 1 \right)} W(s) \quad (13)$$

Keterangan :

W_s = Laju alir susu masuk (kg/menit)

$T_{o,s}$ = Suhu susu masuk saat *steady state* (°C)

$T_{i,s}$ = Suhu susu keluar saat *steady state* (°C)

m = Massa susu masuk (kg)

3. Simulasi proses dengan menggunakan Simulink.
4. Analisis hasil menggunakan *System Identification Toolbox* (SIT).
5. Simulasi sistem lintas tertutup.
6. Penyetelan parameter pengendali.

Sistem ini menggunakan pengendali *Proportional-Integral* (PI). Persamaan kontrol PI dalam bentuk Laplace (Sheng Pai dkk., 2009) :

$$G_c(s) = K_c \left(1 + \frac{1}{\tau_i s} \right) \tag{14}$$

Untuk memperoleh nilai K_c (*gain* pengendali) dan τ_i (*integral time* pada pengendali) digunakan metode *Tyres-Luyben* dan *Hagglund-Astorm*.

Metode Tyres-Luyben

Penentuan harga parameter PI pada metode ini digunakan persamaan seperti ditunjukkan pada **Tabel 1** (Sharokhi, 2008).

Tabel 1. Rumus pengendali PI untuk metode Tyres-Luyben

Metode	Jenis Pengendali (PI)	
	K_c	τ_i
<i>Tyres-Luyben</i>	$K_u/3,2$	$2,2P_u$

dengan $K_u = \text{ultimate gain}$
 $P_u = \text{ultimate period}$

Metode Hagglund-Astorm

Penentuan nilai parameter PI pada metode ini digunakan persamaan seperti ditunjukkan pada **Tabel 2** (Haugen, 2010).

Tabel 2. Rumus pengendali PI untuk metode Hagglund-Astorm

Metode	Jenis Pengendali (PI)	
	K_c	τ_i
<i>Hagglund-Astorm</i>	$\frac{1}{K} \cdot \left(0,14 + 0,28 \frac{T}{\tau} \right)$	$\tau \cdot \left(0,33 + \frac{6,8T}{10\tau + T} \right)$

Pada metode ini, nilai K_c dan τ_i adalah fungsi K (*gain* proses), T (konstanta waktu dari proses) dan τ (waktu tunda dari proses). Pada kedua metode *tuning* ini, divariasi *time delay* dari 1

sampai 5 menit. Pada proses orde satu tanpa *time delay* terdapat kesulitan dalam menentukan *ultimate gain* (K_u) dan *ultimate period* (P_u). Sedangkan ditunjukkan pada Tabel 1, parameter pengendali ditentukan sebagai fungsi K_u dan P_u . Diagram Bode pada proses orde 1 tanpa *time delay* tidak akan pernah menemukan frekuensi *cross over* sebab sudut fasanya tidak pernah mencapai -180° .

Sedangkan pada metode *Hagglund-Astorm*, cukup jelas ditunjukkan pada **Tabel 2** bahwa parameter pengendali adalah fungsi konstanta-konstanta untuk proses orde 1 dengan *time delay*. Hal ini hampir sama dengan metode *Cohen Coon* yang mempersyaratkan identifikasi proses sebagai proses orde 1 dengan *time delay* (Coughanowr, 2009).

Untuk mendapatkan *ultimate gain* (K_u) dan *ultimate period* (P_u), pertama-tama dibuat diagram Bode untuk sistem lintas terbuka tanpa pengendali. Pada diagram Bode, frekuensi *cross over* (ω_{co}) ditentukan yaitu pada saat sudut fasa mencapai -180° . Pada saat frekuensi *cross over*, harga rasio amplitudo dapat ditentukan, yaitu A , sehingga harga *ultimate gain* (K_u) dan *ultimate period* (P_u) adalah dinyatakan dalam Persamaan (15) dan Persamaan (16) (Coughanowr, 2009):

$$K_u = \frac{1}{A} \tag{15}$$

$$P_u = \frac{2\pi}{\omega_{co}} \tag{16}$$

3. Hasil dan Pembahasan

Penurunan model matematis seperti ditunjukkan pada Persamaan 17.

$$T_o(s) = \frac{1}{(\tau \cdot s + 1)} T_i(s) - \frac{K_1}{(\tau \cdot s + 1)} Q(s) - \frac{K_2}{(\tau \cdot s + 1)} W_s(s) \tag{17}$$

Pada Persamaan (17), Q adalah *manipulated variable* sedangkan T_i dan W_s adalah gangguan (*disturbance*). **Tabel 3** menunjukkan parameter pada kondisi *steady state* yang digunakan dalam persamaan model matematis.

Tabel 3. Parameter saat kondisi *steady state*

Parameter	Harga	Satuan
W_s	85,6	kg/menit
M	2567,5	kg
$T_{o,s}$	4	°C
$T_{i,s}$	36	°C

Dengan demikian, diperoleh Persamaan (18).

$$T_o(s) = \frac{1}{(30 \cdot s + 1)} T_i(s) - \frac{0,002973}{(30 \cdot s + 1)} Q(s) + \frac{0,37390}{(30 \cdot s + 1)} W_s(s) \quad (18)$$

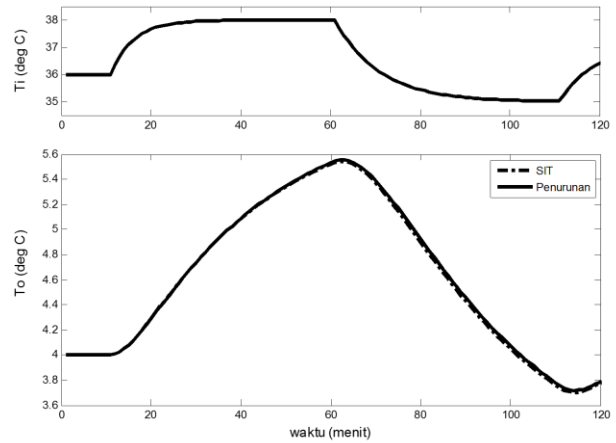
Model matematis pada Persamaan 18 disimulasi untuk memperoleh hasil *input* dan *output*. Hasil *input* dan *output* kemudian diidentifikasi menggunakan *System Identification Toolbox* (SIT) (Ramdani, 2015) untuk mengetahui kesesuaian model matematis dari penurunan neraca massa dan panas dengan model yang dihasilkan dari SIT. Terdapat 2 perbandingan hasil SIT dengan menggunakan gangguan berupa fungsi transfer orde satu dan *sinusoidal*. Pertama adalah perbandingan model matematis antara penurunan dengan SIT menggunakan gangguan berupa *step* disertai dengan fungsi transfer orde 1.

Tabel 4. Perbandingan model matematis hasil penurunan dengan *System Identification Toolbox* (gangguan *step* disertai fungsi transfer orde 1)

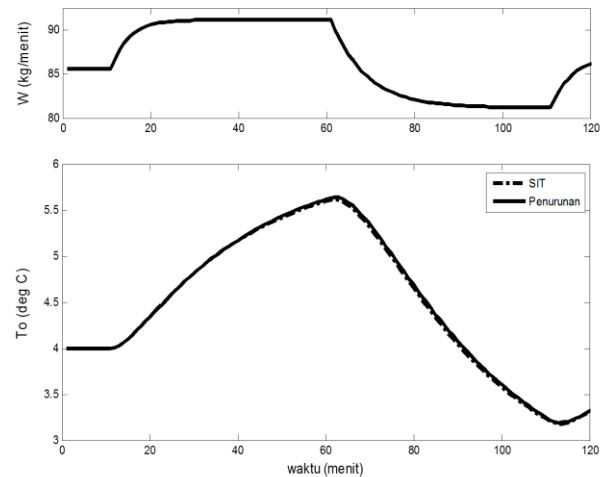
Metode	Fungsi Transfer		
	$T_o(s)/T_i(s)$	$T_o(s)/W(s)$	$T_o(s)/Q(s)$
Penurunan model matematis	$\frac{1}{(30 \cdot s + 1)}$	$\frac{0,37390}{(30 \cdot s + 1)}$	$\frac{-0,002973}{(30 \cdot s + 1)}$
SIT	$\frac{0,978}{(29,011 \cdot s + 1)}$	$\frac{0,36207}{(28,742 \cdot s + 1)}$	$\frac{-0,002868}{(28,524 \cdot s + 1)}$

Hasil simulasi dari model matematis hasil penurunan dan SIT dengan gangguan berupa fungsi transfer orde 1, naik-turun-naik dengan *time constant* sebesar 5, 10 dan 7,5 menit pada menit ke-10, 60 dan 110 dapat dilihat pada **Gambar 2** dan **Gambar 3**.

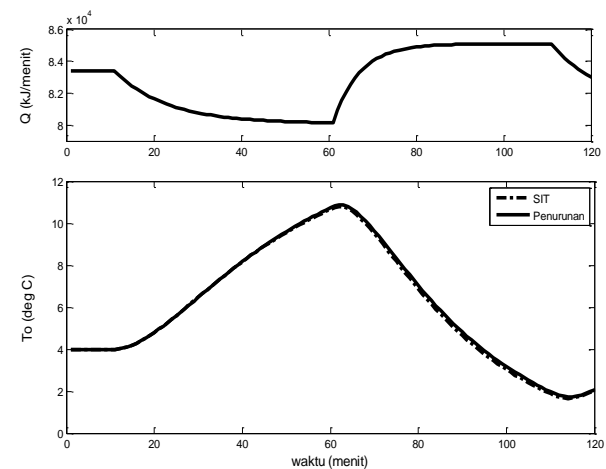
Sedangkan **Gambar 4** menunjukkan hasil simulasi dari model matematis hasil penurunan dan SIT dengan gangguan berupa fungsi transfer orde 1, turun-naik-turun dengan *time constant* sebesar 12, 6 dan 10 menit pada menit ke-10, 60 dan 110.



Gambar 2. Perbandingan antara hasil *output* dari penurunan model matematis dan SIT dengan gangguan T_i (gangguan berupa fungsi transfer orde 1)



Gambar 3. Perbandingan antara hasil *output* dari penurunan model matematis dan SIT dengan gangguan W (gangguan berupa fungsi transfer orde 1)

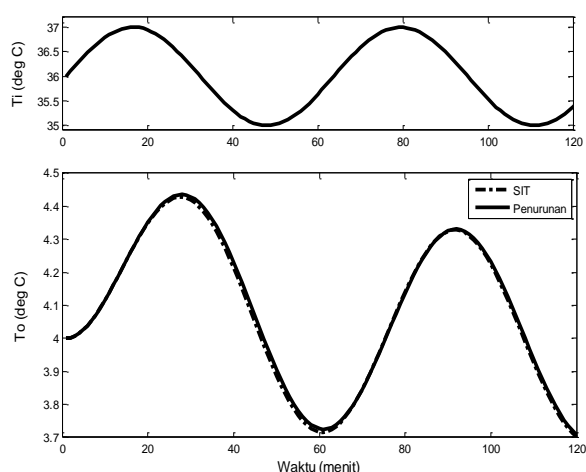


Gambar 4. Perbandingan antara hasil *output* dari penurunan model matematis dan SIT dengan gangguan Q (gangguan berupa fungsi transfer orde 1)

Tabel 5. Perbandingan Penurunan Model Matematis dengan Hasil System Identification Toolbox (gangguan sinusoidal)

Metode	Fungsi Transfer		
	$T_o(s)/T_i(s)$	$T_o(s)/W(s)$	$T_o(s)/Q(s)$
Penurunan model matematis	$\frac{1}{(30 \cdot s + 1)}$	$\frac{0,37390}{(30 \cdot s + 1)}$	$\frac{-0,002973}{(30 \cdot s + 1)}$
SIT	$\frac{0,92152}{(27,205 \cdot s + 1)}$	$\frac{0,34456}{(27,205 \cdot s + 1)}$	$\frac{-0,0027397}{(27,205 \cdot s + 1)}$

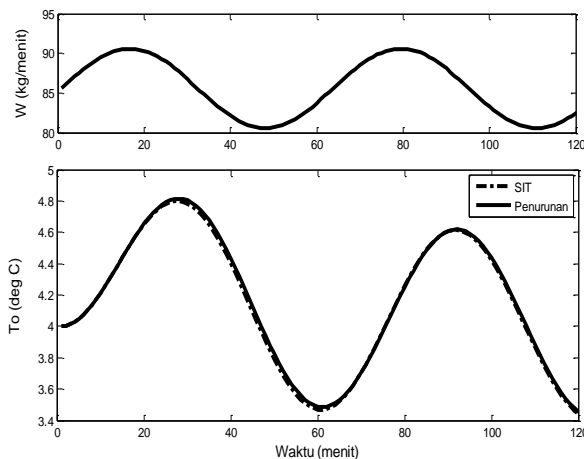
Selanjutnya model matematis divalidasi dengan menggunakan dinamik data set yang berbeda yaitu dengan menggunakan gangguan berupa data input *sinusoidal*. Hasil simulasi dari model matematis hasil penurunan dan SIT dengan gangguan berupa fungsi *sinusoidal* terdapat pada **Gambar 5** hingga **Gambar 7**.



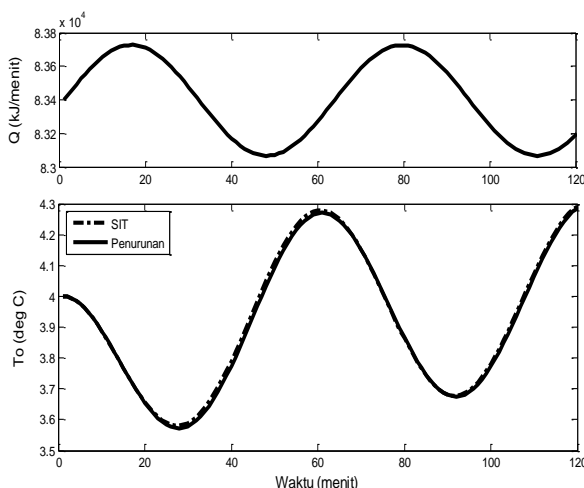
Gambar 5. Perbandingan antara hasil output dari penurunan model matematis dan SIT dengan gangguan Ti (gangguan sinusoidal)

Dari tabel serta grafik perbandingan antara hasil *output* dari penurunan model matematis dan SIT di atas, baik dengan gangguan berupa fungsi *step* disertai dengan fungsi transfer orde 1 maupun *sinusoidal*, ditunjukkan bahwa hasil penurunan model matematis mendekati dengan hasil dari SIT. Hal ini disebabkan oleh besarnya *incremental data* yang digunakan, yaitu sebesar 1 menit. Hasil yang lebih teliti akan diperoleh bila *incremental data* yang dipilih dan dianalisa, dibuat lebih kecil lagi. Model matematis hasil SIT dengan gangguan berupa fungsi *step* disertai dengan fungsi transfer orde 1, selanjutnya

digunakan untuk penyetelan pengendali karena hasilnya yang paling mendekati hasil penurunan. Sebelum dilakukan penyetelan pengendali, sistem ini dirancang menjadi sistem lintas tertutup (*close loop*).



Gambar 6. Perbandingan antara hasil output dari penurunan model matematis dan SIT dengan gangguan W (gangguan sinusoidal)

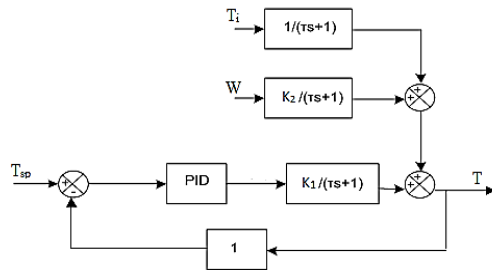


Gambar 7. Perbandingan antara hasil output dari penurunan model matematis dan SIT dengan gangguan Q (gangguan sinusoidal)

Jenis pengendali yang digunakan adalah *Proportional-Integral* (PI). Untuk mencari nilai parameter PI yaitu K_c dan τ_i adalah dengan menggunakan metode *Tyreus-Luyben* dan *Hagglund-Astorm*. Untuk kedua metode ini dibutuhkan asumsi *time delay* (θ) (Agustriyanto, 2018). Variasi *time delay* yang digunakan adalah 1 sampai 5 menit. Variasi *time delay* ini digunakan untuk mengetahui *time delay* mana yang menghasilkan *error* antara *set point* terhadap *output* yang terkecil untuk sistem ini.

Persamaan 19 dan **Gambar 8** adalah bentuk fungsi transfer dengan asumsi *time delay*:

$$\frac{T_o(s)}{Q(s)} = -\frac{K_1}{(\tau \cdot s + 1)} \cdot e^{-\theta s} \quad (19)$$

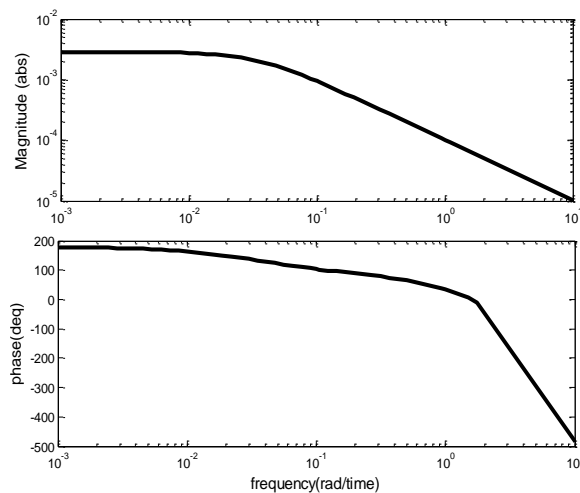


Gambar 8. Diagram simulasi sistem pendinginan susu kontinu

Penyetelan menggunakan metode Tyreus-Luyben

Pada metode ini, untuk menghitung nilai K_c dan τ_i digunakan diagram Bode. Persamaan 20 dan **Gambar 9** adalah contoh perhitungan dengan asumsi $\theta = 1$:

$$\frac{T_o(s)}{Q(s)} = -\frac{0,002868}{(28,524 \cdot s + 1)} \cdot e^{-1s} \quad (20)$$



Gambar 9. Diagram Bode

Diagram Bode menunjukkan nilai frekuensi *cross-over* sebesar 3,283 rad/time dan *magnitude* (abs) sebesar $3,061 \times 10^{-5}$ abs. Dari nilai tersebut, nilai *ultimate gain* (K_u) dan *ultimate period* (P_u) dapat ditentukan.

$$K_u = 32669,0624$$

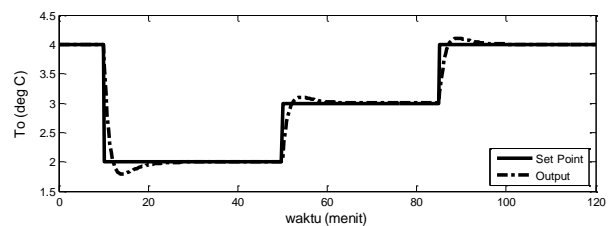
$$P_u = 1,9129$$

Harga parameter pengendali ditunjukkan pada **Tabel 6** dengan berbagai asumsi *time delay* yang dihitung sesuai dengan rumus pada **Tabel 1**.

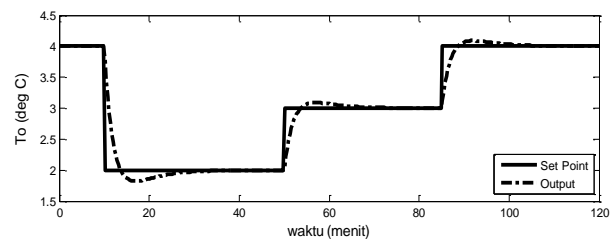
Tabel 6. Harga parameter pengendali Tyreus-Luyben

Time delay	K_c	τ_i
1	-10209,0820	4,2083
2	-6200,3968	6,9253
3	-4893,5171	8,7776
4	-3674,3092	11,6887
5	-2953,6862	14,5508

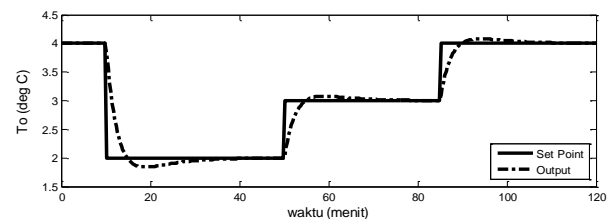
Berikut adalah profil *set point* dan *output* dengan berbagai asumsi *time delay*:



Gambar 10. Profil *output* dan *set point* dengan asumsi *time delay* = 1 menggunakan metode Tyreus-Luyben

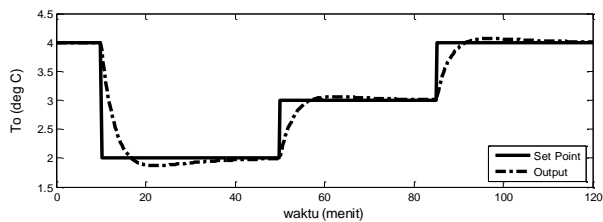


Gambar 11. Profil *output* dan *set point* dengan asumsi *time delay* = 2 menggunakan metode Tyreus-Luyben

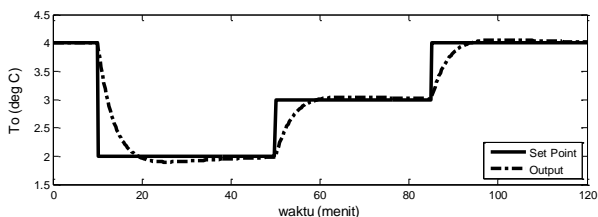


Gambar 12. Profil *output* dan *set point* dengan asumsi *time delay* = 3 menggunakan metode Tyreus-Luyben

Dengan adanya *time delay* maka waktu proses akan tertunda. Berdasarkan **Gambar 10-14** dapat dilihat bahwa semakin besar asumsi *time delay* maka profil *output* akan semakin menjauhi *set point*.



Gambar 13. Profil output dan set point dengan asumsi *time delay* = 4 menggunakan metode Tyreus-Luyben



Gambar 14. Profil output dan set point dengan asumsi *time delay* = 5 menggunakan metode Tyreus-Luyben

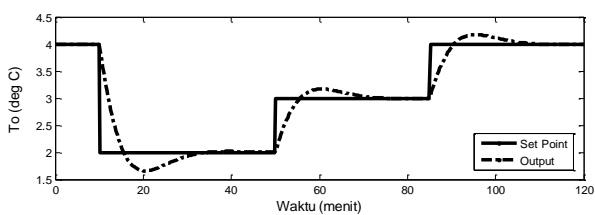
Penyetelan menggunakan metode *Hagglund-Astorm*

Pada metode ini, untuk memperoleh harga K_c dan τ_i , harga K_I , τ , dan θ yang terdapat pada fungsi transfer langsung dimasukkan pada persamaan yang terdapat pada Tabel 2 sehingga diperoleh harga parameter pengendali dengan berbagai asumsi *time delay* pada Tabel 7.

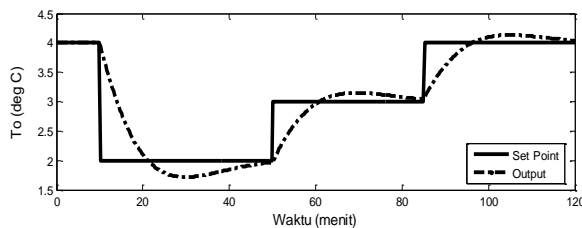
Tabel 7. Harga parameter pengendali *Hagglund-Astorm*

<i>Time delay</i>	K_c	τ_i
1	-2833,7820	5,3649
2	-1441,3000	8,6545
3	-977,1393	10,9328
4	-745,0589	12,6424
5	-605,8107	14,0006

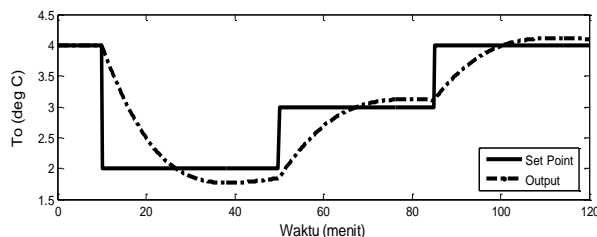
Gambar 15-19 menunjukkan profil *set point* dan *output* dengan berbagai asumsi *time delay*.



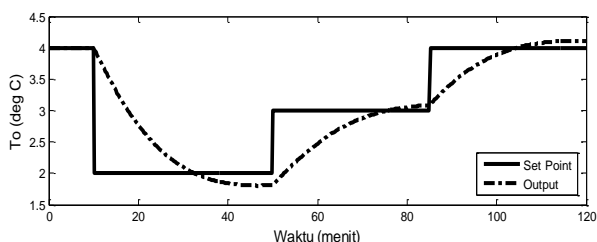
Gambar 15. Profil output dan set point dengan asumsi *time delay* = 1 menggunakan metode *Hagglund-Astorm*



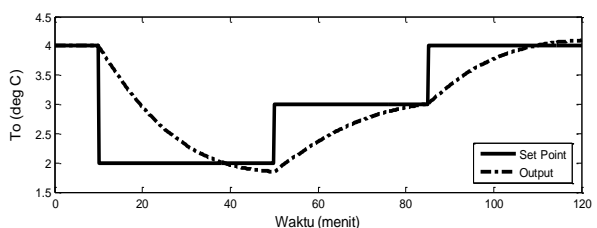
Gambar 16. Profil output dan set point dengan asumsi *time delay* = 2 menggunakan metode *Hagglund-Astorm*



Gambar 17. Profil output dan set point dengan asumsi *time delay* = 3 menggunakan metode *Hagglund-Astorm*



Gambar 18. Profil output dan set point dengan asumsi *time delay* = 4 menggunakan metode *Hagglund-Astorm*



Gambar 19. Profil output dan set point dengan asumsi *time delay* = 5 menggunakan metode *Hagglund-Astorm*

Berdasarkan Gambar 15-19, semakin besar asumsi *time delay* maka profil *output* akan semakin menjauhi *set point*. Berikut adalah perbandingan hasil uji SSE (*Sum of Square Error*) antara metode Tyreus-Luyben dan *Hagglund-Astorm*:

Tabel 8. Harga uji SSE

Time delay	SSE	
	Tyreus-Luyben	Hagglund-Astorm
1	6,8160	12,8880
2	8,2288	20,9121
3	9,3019	28,9754
4	11,0796	37,1813
5	12,9081	45,3328

Dari kedua metode di atas, metode *Tyreus-Luyben* lebih dipilih karena nilai *error*-nya lebih kecil bila dibandingkan dengan metode *Hagglund-Astorm*. Maka untuk sistem pendinginan susu secara kontinu ini, metode pengendali yang paling sesuai digunakan adalah metode *Tyreus-Luyben*. Namun demikian, investigasi lebih lanjut perlu dilakukan, khususnya untuk kasus *disturbance rejection*, sebab data di atas adalah untuk *setpoint tracking*. Hal ini disebabkan karena umumnya harga *setpoint* adalah tetap untuk kasus pendinginan susu. Perubahan set point dalam hal ini jarang dilakukan.

Dari aspek kemudahan dalam melakukan penyetelan (*tuning*), tampak bahwa metode *Hagglund-Astorm* lebih mudah dilakukan dibandingkan metode *Tyreus-Luyben*. Metode *Tyreus-Luyben* lebih rumit karena membutuhkan analisis respon frekuensi dengan membuat diagram Bode terlebih dahulu.

4. Kesimpulan

Hasil yang diperoleh menunjukkan bahwa kinerja pengendali yang disetel menggunakan metode *Tyreus-Luyben* lebih baik dibandingkan dengan metode *Hagglund-Astorm*. Hal ini ditunjukkan dengan nilai SSE yang jauh lebih kecil (pada semua asumsi *time delay*). Saran dari penelitian ini adalah perlu dilakukan identifikasi dengan metode lain yang ada pada *System Identification Toolbox* untuk memperoleh model matematis, serta perlu dicoba metode pengendali lainnya.

Ucapan Terima Kasih

Penulis mengucapkan terimakasih kepada Universitas Surabaya yang telah mendukung penelitian ini.

Daftar Pustaka

- Agustriyanto, R., 2018, kendali sistem bioreaktor kontinu, *Jurnal Teknik Kimia USU*, 7, 1-4.
- Coughanowr, D.R., LeBlanc, S.E., 2009, *Process Systems Analysis and Control*, 3rd ed, McGraw-Hill's, New York.
- Haugen, Finn, 2010, Comparing PI tuning methods in a real benchmark temperature control system, *Model., Identif. Control*, 31, 79-91.
- Murphy, Michael D. Upton, John. O'Mahony, Michael J., 2012, Rapid milk cooling control with varying water and energy consumption, *Bioprocess. Eng.*, 116, 15-22.
- Ramdani, Evan, 2015, Parameter identifikasi transfer fungsi menggunakan MATLAB, *Setrum*, 4, 1-7.
- Ruangwuttayanusorn, Khanitta. Promket, Doungnapa. Ahaniratikul, Anut, 2016, Monitoring the hygiene of raw milk from farms to milk retailers, *Agriculture and Agricultural Science Procedia*, 11, pp. 95-99.
- Shahrokhi, M., Zomorodi, A., 2018, Comparasion of PID Controller Tuning Methods, Department of Chemical & Petroleum Engineering, Sharif University of Technology
- Sheng Pai, Neng. Chichang, Shih. Tsung Huang, Chi, 2009, Tuning PI/PID controllers for integrating processes with deadtime and inverse response by simple calculation, *Journals of Process Control*, 20, 726-723.
- Suwito, Widodo, 2009, Bakteri yang Sering Mencemari Susu: Deteksi, Patogenesis, Epidemiologi, dan Cara Pengendaliannya, Balai Pengkajian Teknologi Pertanian Yogyakarta, 96-100.
- Toledo, Victor Toires. Meissnes, Klaus. Coronas, Alberto. Mulles, Joachim, 2015, Performance characterisation of a small milk cooling system with ice storage for PV applications, *Int. J. Refrig.*, 60, 81-91.

